

Aufgabe 1 (6 BE)

Seien $I_1 = [1, 3)$, $I_2 = [3, 7]$, $I_3 = (-2, 10)$.

Bilden Sie die folgenden Mengen.

- a) $I_1 \cap I_2$
- b) $I_1 \cap I_3$
- c) $I_1 \cup I_2$
- d) $I_1 \setminus I_2$
- e) $I_3 \setminus I_2$
- f) $(I_1 \cup I_2) \cap I_3$

Aufgabe 2 (6 BE)

Es werden zwei ideale und unterscheidbare Würfel geworfen. Es seien folgende Ereignisse gegeben:

A = Augensumme ist ungerade

B = wenigstens eine 5 erscheint.

Beschreiben Sie $A \cap B$, $A \cup B$, $A \cap \bar{B}$ und berechnen Sie die Wahrscheinlichkeiten aller Ereignisse.

Aufgabe 3 (4 BE)

Für zwei zufällige Ereignisse A und B seien die Wahrscheinlichkeiten

$$P(\bar{A}) = \frac{4}{5}, \quad P(A \cup B) = \frac{2}{5}, \quad P(B) = \frac{1}{3}$$

bekannt. Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeiten.

- a) $P(A)$
- b) $P(A \cap B)$
- c) $P(A \setminus B)$
- d) $P(\bar{A} \cup B)$.

(Tipp: Nutzen Sie eventuell eine Zeichnung dafür.)

Aufgabe 4 (4 BE)

In einem Sack sind vier schwarze und fünf weiße Kugeln. Es werden drei Kugeln ohne Zurücklegen gezogen. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit dafür, dass

- a) mindestens 2 weiße Kugeln gezogen werden.
- b) höchstens 2 weiße Kugeln gezogen werden.
- c) genau 2 weiße Kugeln gezogen werden.

Aufgabe 5 (4 BE)

Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Produkt der Norm genügt, beträgt 0,96. In der Kontrolle werden normgerechte Produkte mit der Wahrscheinlichkeit 0,90 und nicht normgerechte mit der Wahrscheinlichkeit 0,05 als normgerecht angesehen.

- a) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass ein Produkt als normgerecht angesehen wird.
- b) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit dafür, dass ein Produkt, das in der Kontrolle als normgerecht angesehen wird, auch wirklich normgerecht ist.

Aufgabe 6 (6 BE)

Es seien drei Urnen U_1 , U_2 und U_3 mit je 10 Losen gegeben, wobei die erste 4, die zweite 5 und die dritte 8 Gewinne enthält. Es werden drei Lose auf drei verschiedene Arten gezogen.

- (1) Es wird zufällig eine Urne ausgewählt und daraus drei Lose gezogen.
- (2) Es wird aus jeder Urne je ein Los gezogen.
- (3) Es werden alle Lose der drei Urnen in eine Urne gegeben und daraus zufällig drei Lose gezogen.

Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeiten p_i ($i = 1, 2, 3$), dass bei der Auswahlart (i), alle Lose Gewinne sind und runden Sie auf drei Stellen nach dem Komma. Begründen Sie, welches Verfahren die größte Wahrscheinlichkeit hat.

Aufgabe 7 (4 BE)

Bei einem Sportfest wird eine Schule durch sechs Schüler*innen der Klasse 8, acht Schüler*innen der Klasse 9 und vier Schüler*innen der Klasse 10 vertreten. Vor der Eröffnung werden zwei Schüler*innen dieser Schule ausgelost, die alle Sportgeräte auf die Wettkampfstätten zu verteilen haben.

Bestimmen Sie mithilfe eines Baumdiagramms die Wahrscheinlichkeiten der folgenden Ereignisse:
Ereignis A: Beide Schüler*innen sind aus der 8. Klasse.

Ereignis B: Eine Person ist aus Klasse 9 und eine Person aus Klasse 10.

Ereignis C: Es wird keine Person aus Klasse 10 ausgewählt.

Aufgabe 7 (3 BE)

Abitur 2008 hilfsmittelfrei: Eine Firma stellt an jedem Arbeitstag (Montag bis Freitag) gleich viele Handys her. Die regelmäßig durchgeführte Gütekontrolle ergibt, dass jeweils die am Montag hergestellten Handys mit einer Wahrscheinlichkeit von 10% fehlerhaft sind. An den anderen Arbeitstagen (Dienstag bis Freitag) liegt die Fehlerquote in der Produktion jeweils bei 5%.

Der Produktion einer Woche wird zufällig ein Handy entnommen. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeiten folgender Ereignisse:

A – Das entnommene Handy ist fehlerfrei und wurde an einem Montag produziert.

B – Das entnommene Handy ist fehlerfrei.