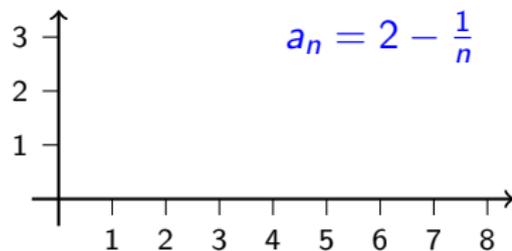


obere Schranke

Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.

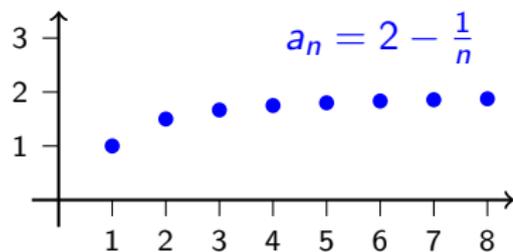
obere Schranke

Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



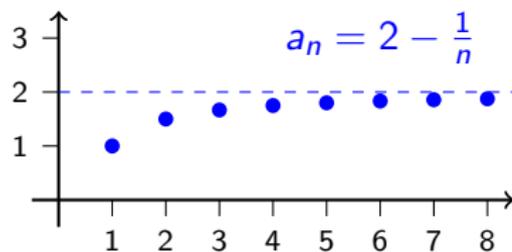
obere Schranke

Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



obere Schranke

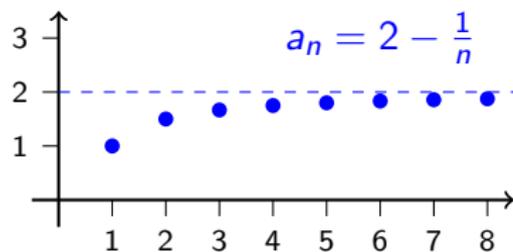
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



$$s = 2$$

obere Schranke

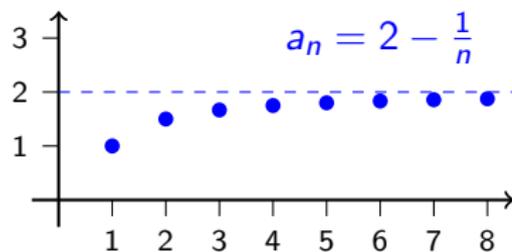
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



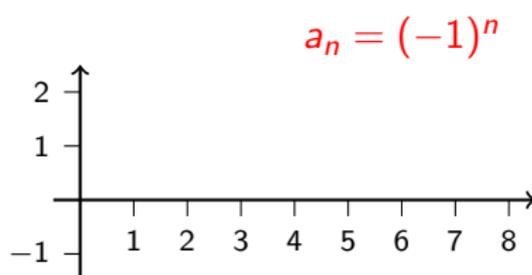
$s = 2$ oder größer

obere Schranke

Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.

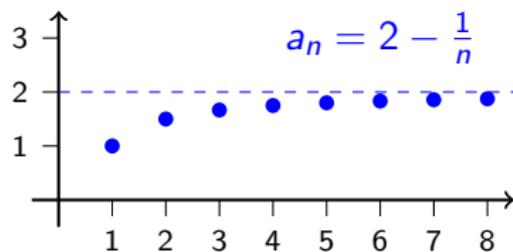


$s = 2$ oder größer

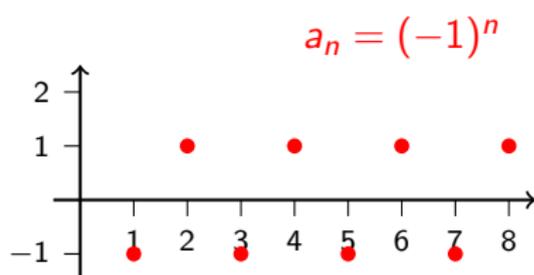


obere Schranke

Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.

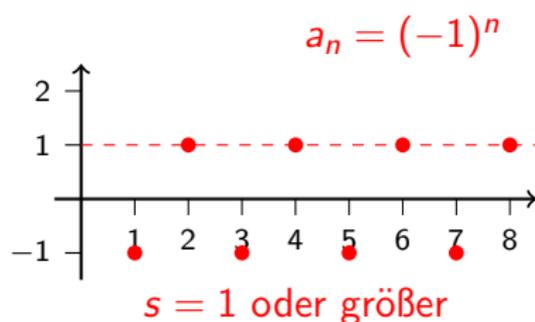
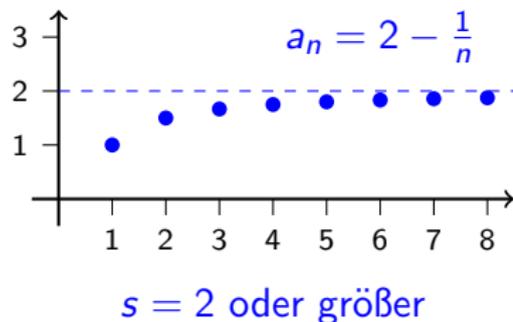


$s = 2$ oder größer



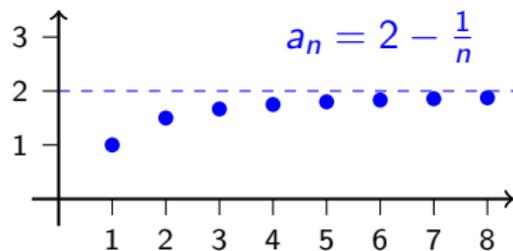
obere Schranke

Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.

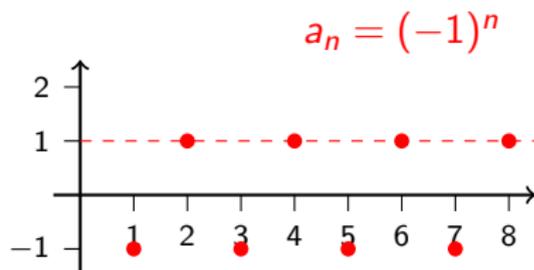


obere Schranke

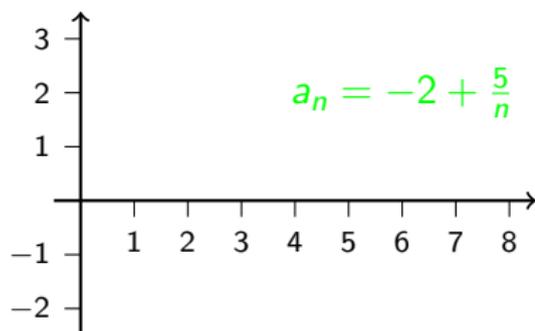
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



$s = 2$ oder größer

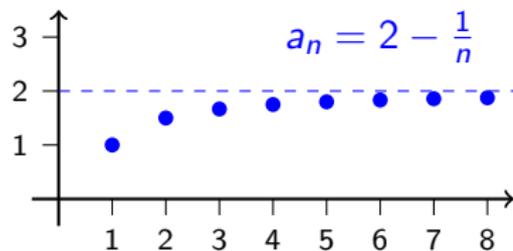


$s = 1$ oder größer

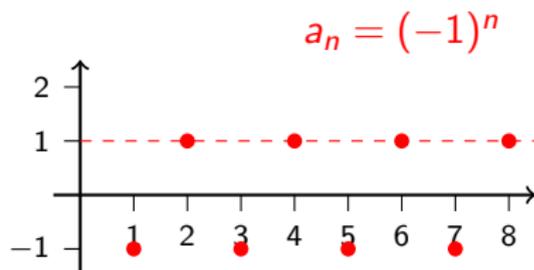


obere Schranke

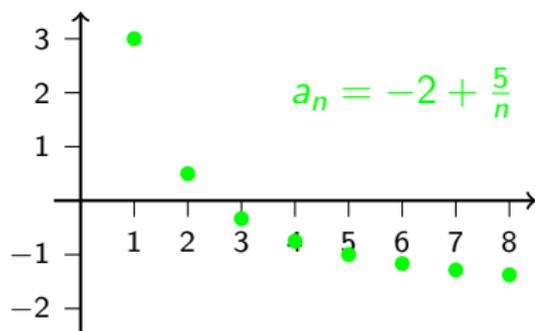
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



$s = 2$ oder größer

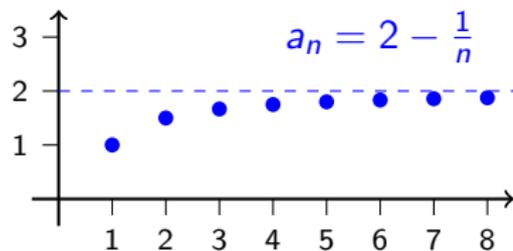


$s = 1$ oder größer

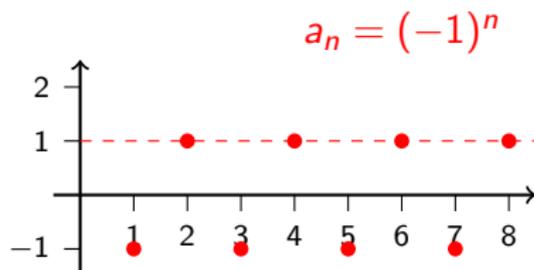


obere Schranke

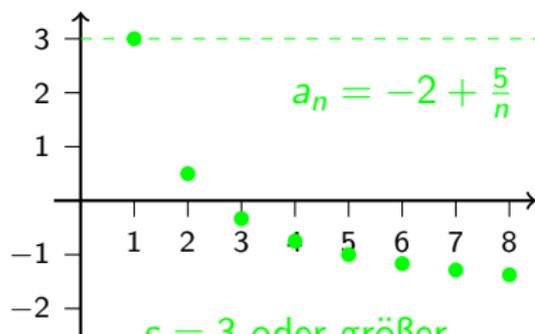
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



$s = 2$ oder größer



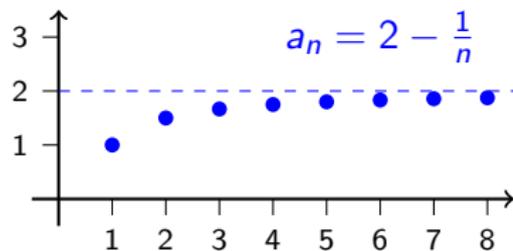
$s = 1$ oder größer



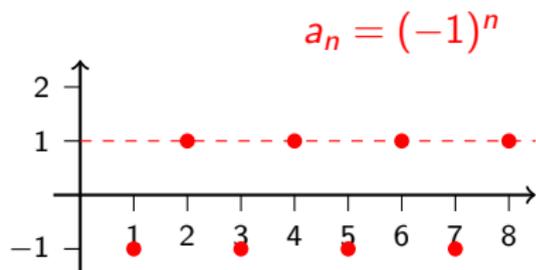
$s = 3$ oder größer

obere Schranke

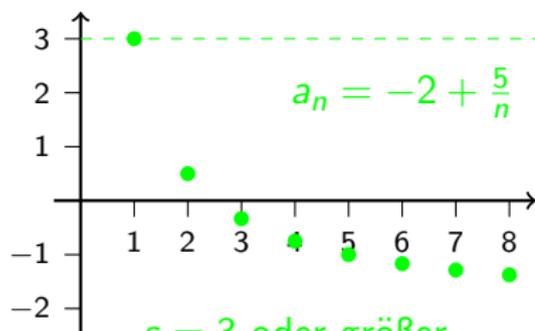
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



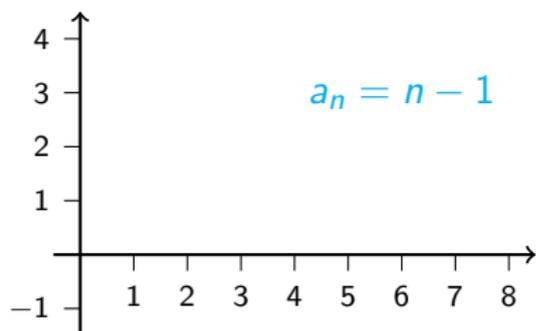
$s = 2$ oder größer



$s = 1$ oder größer

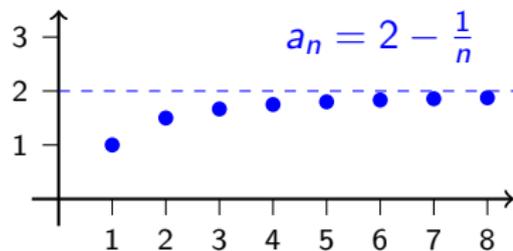


$s = 3$ oder größer

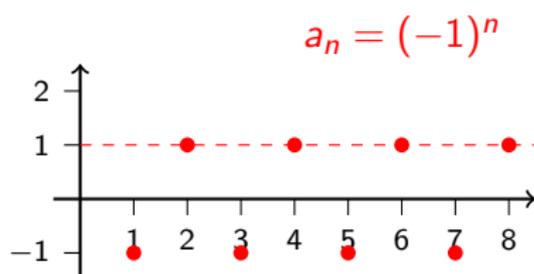


obere Schranke

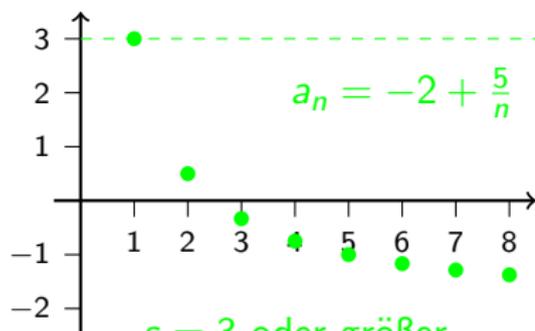
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



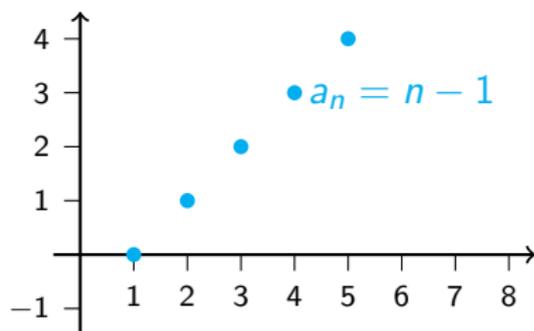
$s = 2$ oder größer



$s = 1$ oder größer

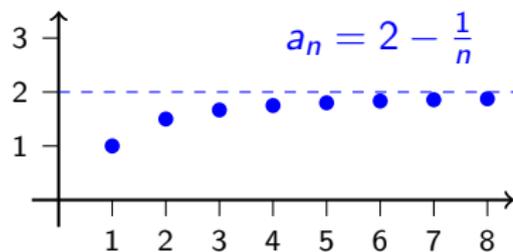


$s = 3$ oder größer

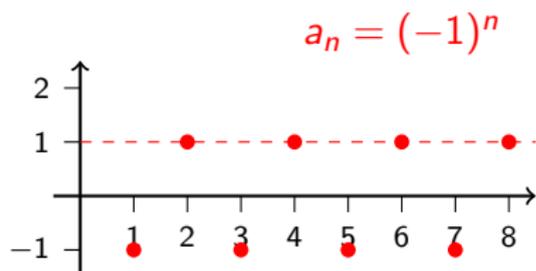


obere Schranke

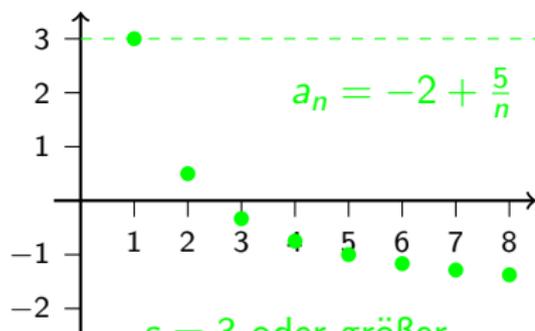
Ein $s \in \mathbb{R}$ derart, dass für alle $n \in \mathbb{N}$ gilt: $s \geq a_n$.



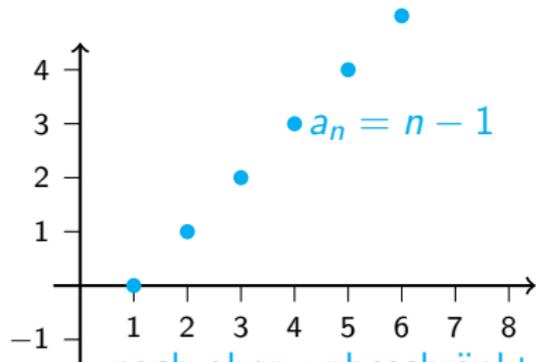
$s = 2$ oder größer



$s = 1$ oder größer



$s = 3$ oder größer



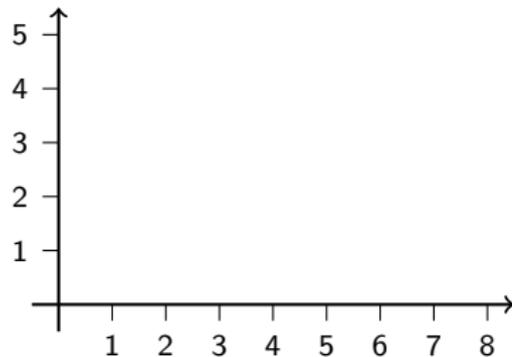
nach oben unbeschränkt

(streng) monoton wachsend

(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

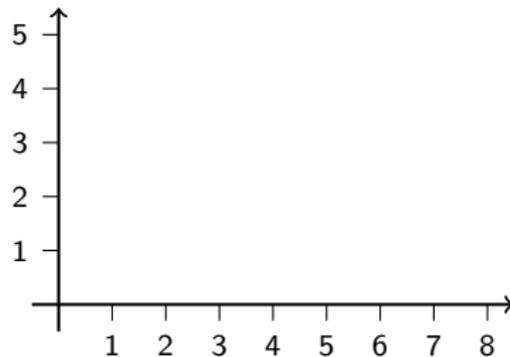


(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$

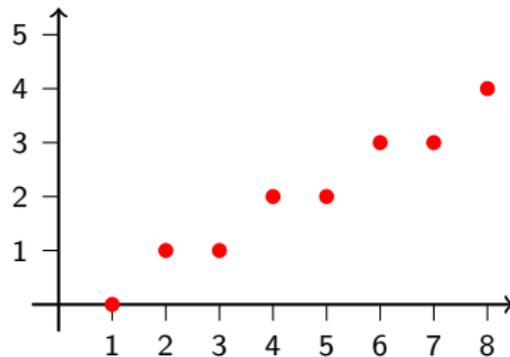


(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$



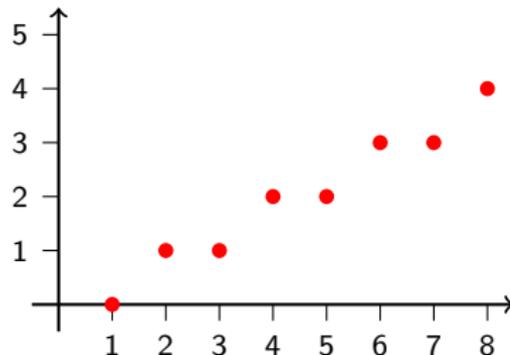
(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \frac{1}{5} \left(\left(n - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{3}{4} \right)$$

$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$



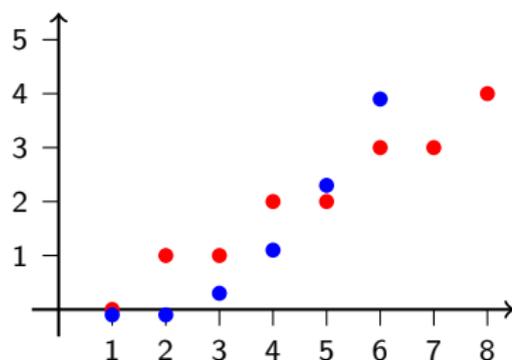
(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \frac{1}{5} \left(\left(n - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{3}{4} \right) \bullet$$

$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$



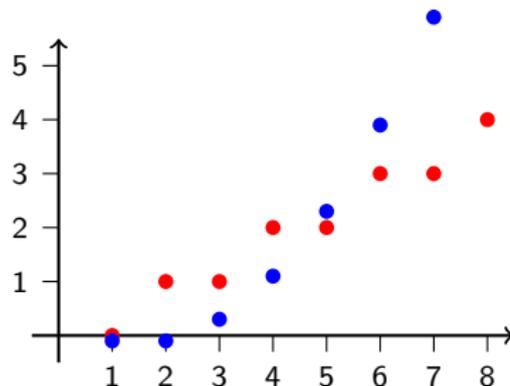
(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

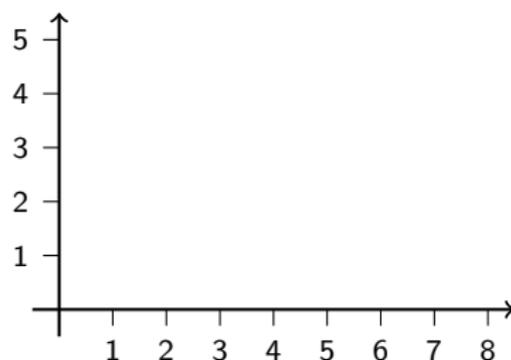
$$a_n = \frac{1}{5} \left(\left(n - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{3}{4} \right) \bullet$$

$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$



streng monoton wachsend

$$a_{n+1} > a_n$$



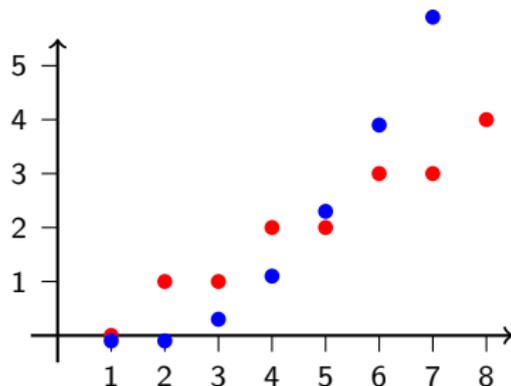
(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \frac{1}{5} \left(\left(n - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{3}{4} \right) \bullet$$

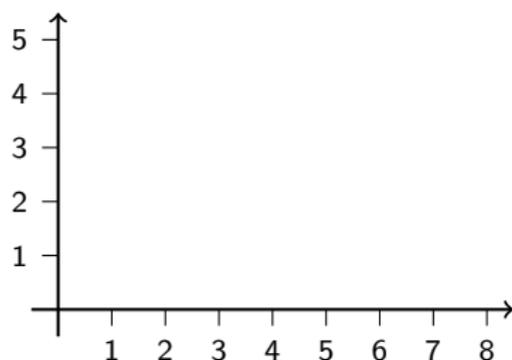
$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$



streng monoton wachsend

$$a_{n+1} > a_n$$

$$a_n = \frac{n}{2}$$



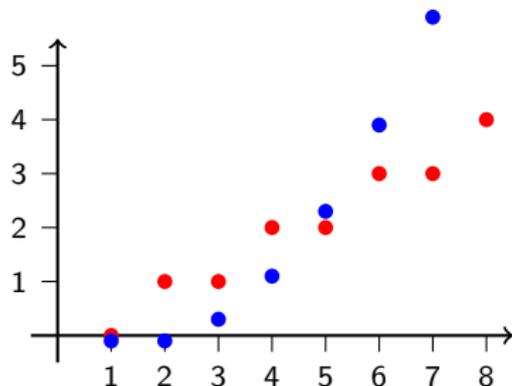
(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \frac{1}{5} \left(\left(n - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{3}{4} \right) \bullet$$

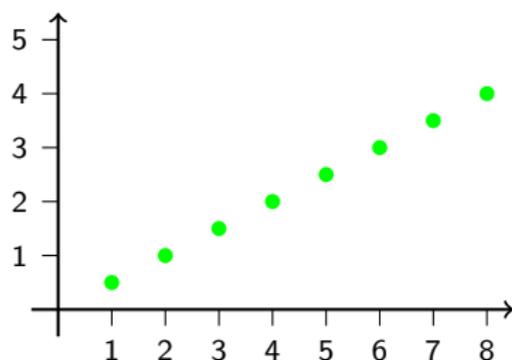
$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$



streng monoton wachsend

$$a_{n+1} > a_n$$

$$a_n = \frac{n}{2}$$



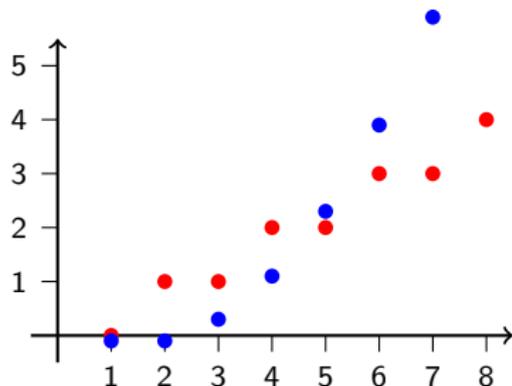
(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \frac{1}{5} \left(\left(n - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{3}{4} \right) \bullet$$

$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$

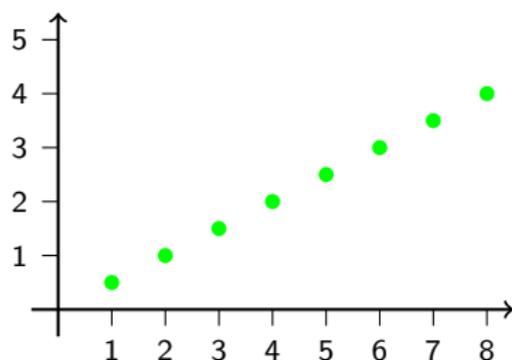


streng monoton wachsend

$$a_{n+1} > a_n$$

$$a_n = \frac{n}{2}$$

$$a_n = 2 - \frac{2}{n}$$



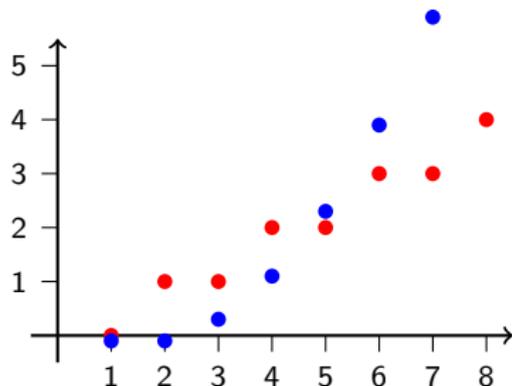
(streng) monoton wachsend

monoton wachsend

$$a_{n+1} \geq a_n$$

$$a_n = \frac{1}{5} \left(\left(n - \frac{3}{2} \right)^2 - \frac{3}{4} \right) \bullet$$

$$a_n = \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$$

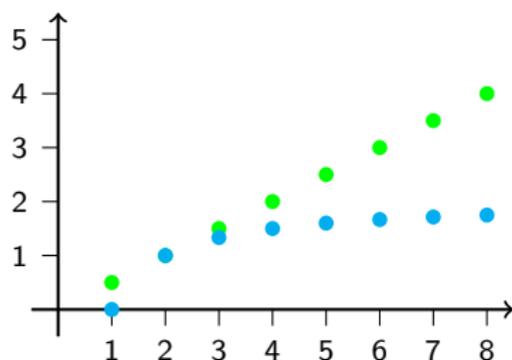


streng monoton wachsend

$$a_{n+1} > a_n$$

$$a_n = \frac{n}{2}$$

$$a_n = 2 - \frac{2}{n}$$



Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

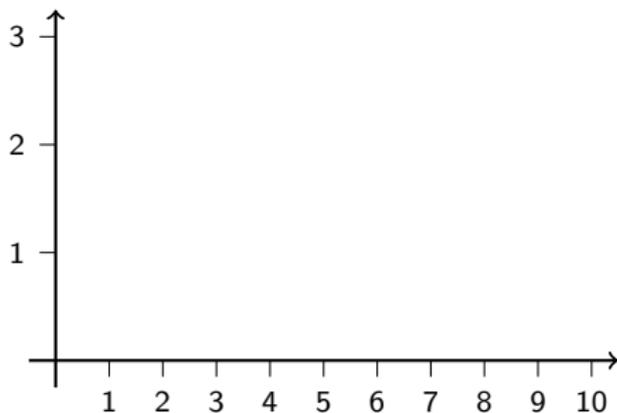
Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

$$a_n = 2 - \frac{1}{n}$$

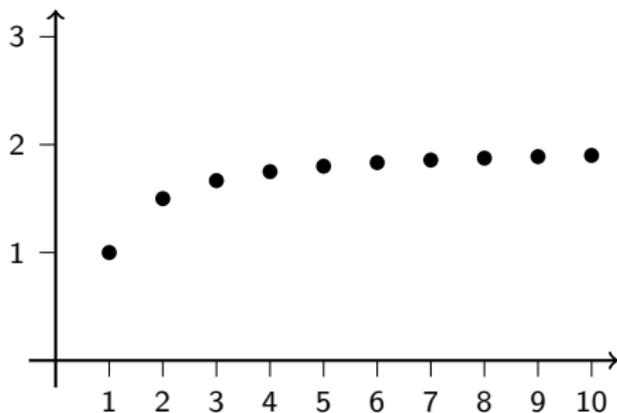


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

$$a_n = 2 - \frac{1}{n}$$

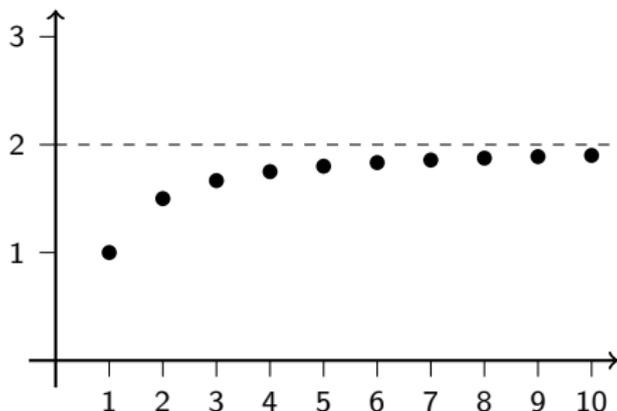


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

$$a_n = 2 - \frac{1}{n}$$
$$a = 2$$

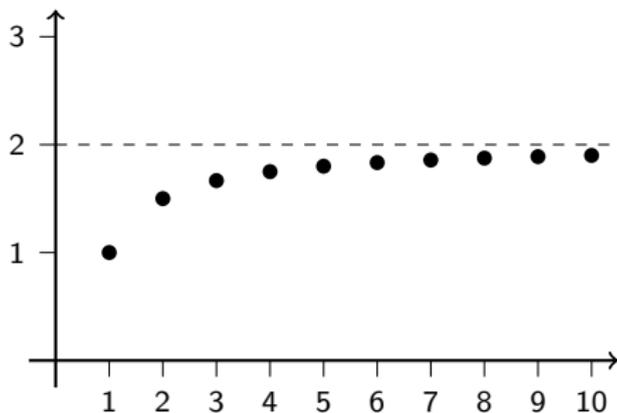


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

$$a_n = 2 - \frac{1}{n}$$
$$a = 2$$

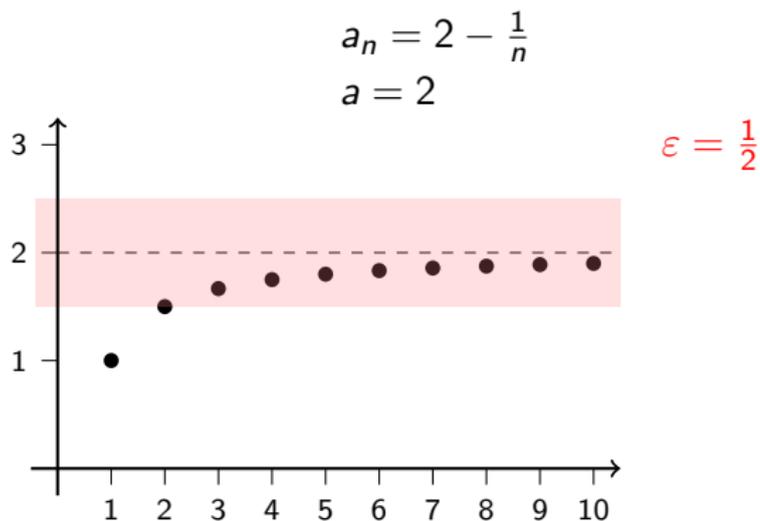


$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

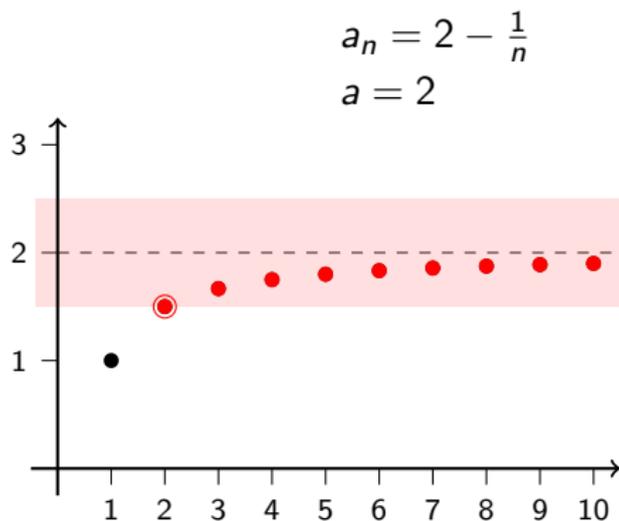
Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .



Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

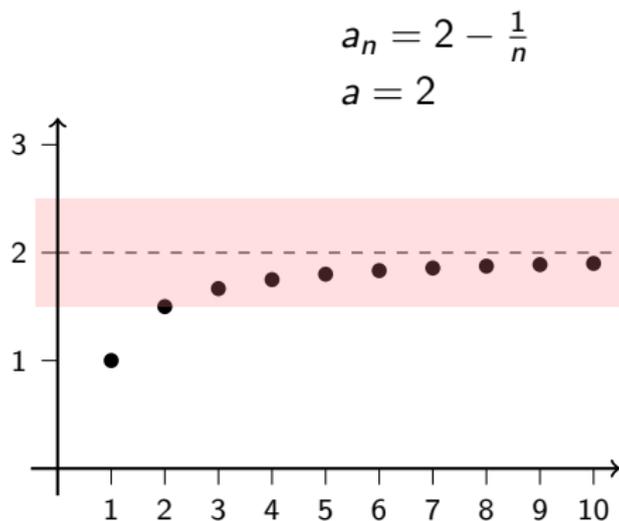


$$\varepsilon = \frac{1}{2} \quad N = 2$$

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .



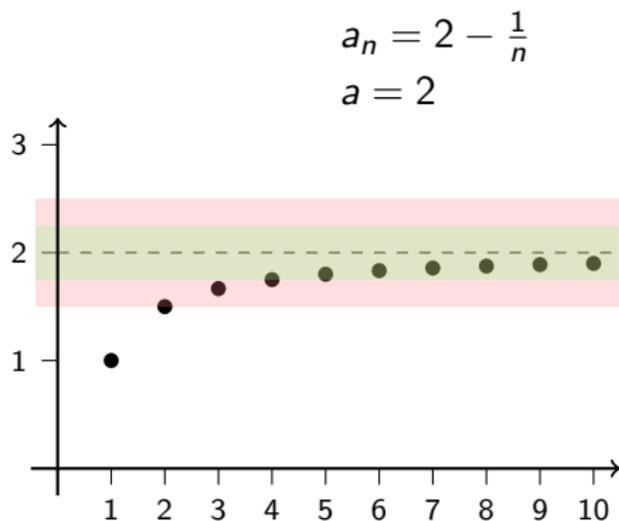
$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$
$$\varepsilon = \frac{1}{4}$$

$$N = 2$$

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .



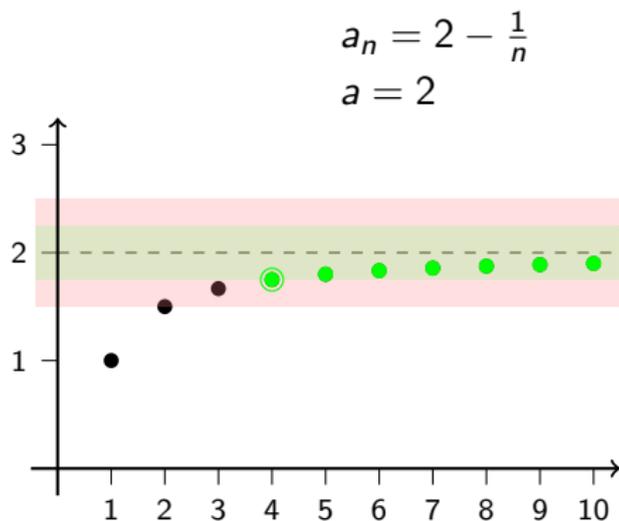
$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$
$$\varepsilon = \frac{1}{4}$$

$$N = 2$$

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

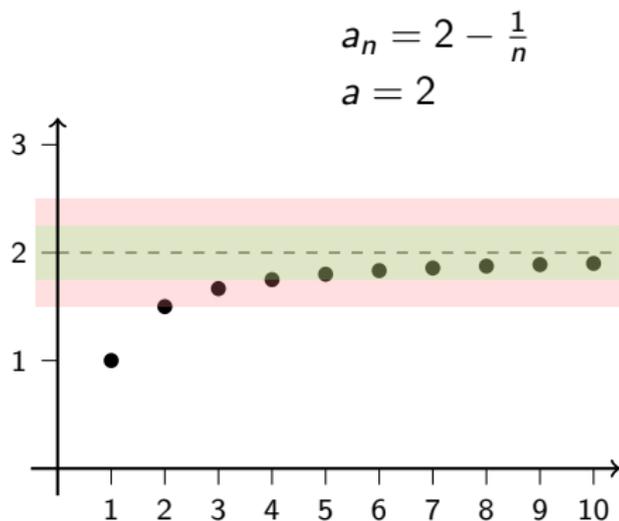


$$\varepsilon = \frac{1}{2} \quad N = 2$$
$$\varepsilon = \frac{1}{4} \quad N = 4$$

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

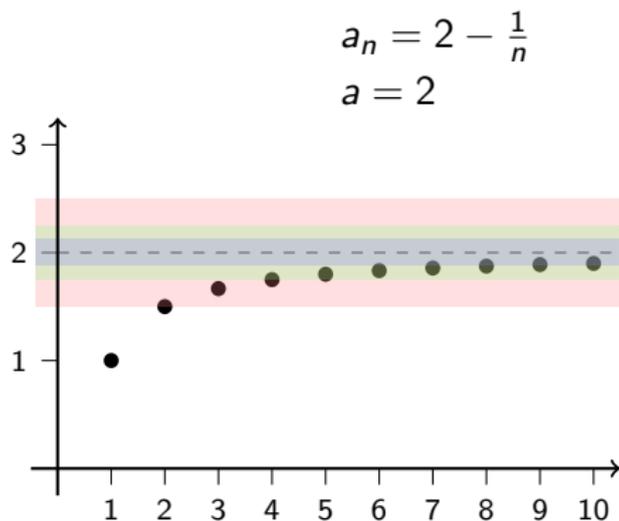


$$\begin{array}{ll} \varepsilon = \frac{1}{2} & N = 2 \\ \varepsilon = \frac{1}{4} & N = 4 \\ \varepsilon = \frac{1}{8} & \end{array}$$

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .

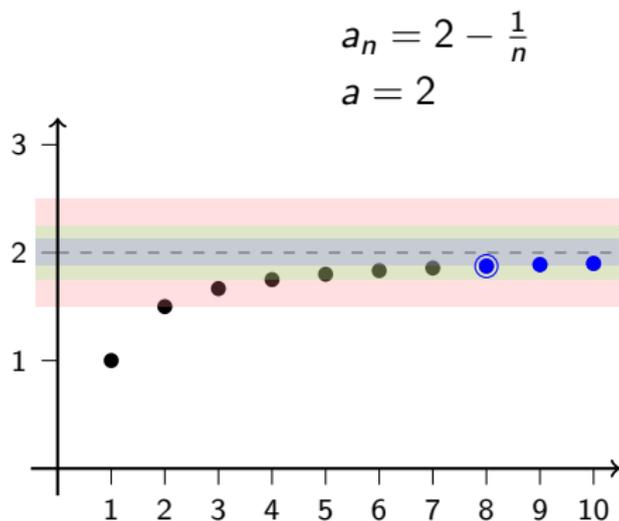


$$\varepsilon = \frac{1}{2} \quad N = 2$$
$$\varepsilon = \frac{1}{4} \quad N = 4$$
$$\varepsilon = \frac{1}{8}$$

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N}^+ \forall n \geq N : |a_n - a| \leq \varepsilon$$

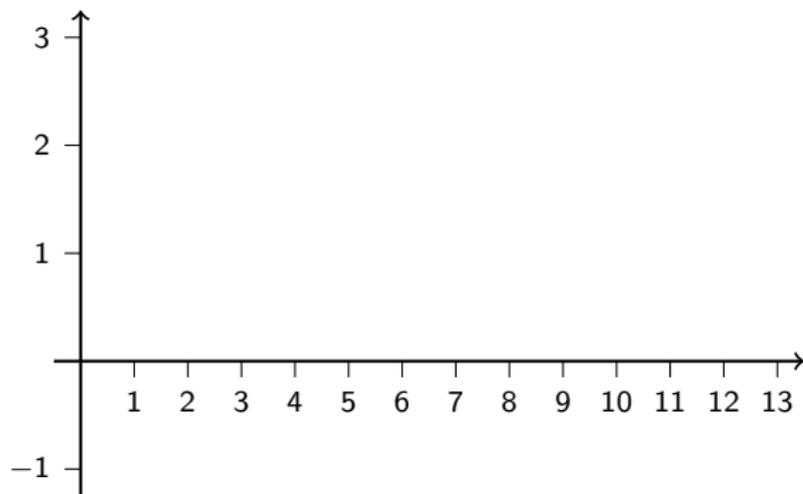
Für jeden beliebig kleinen aber positiven Abstand ε vom Grenzwert a liegen ab einem bestimmten Folgenglied alle weiteren Folgenglieder im ε -Schlauch um a .



$$\varepsilon = \frac{1}{2} \quad N = 2$$
$$\varepsilon = \frac{1}{4} \quad N = 4$$
$$\varepsilon = \frac{1}{8} \quad N = 8$$

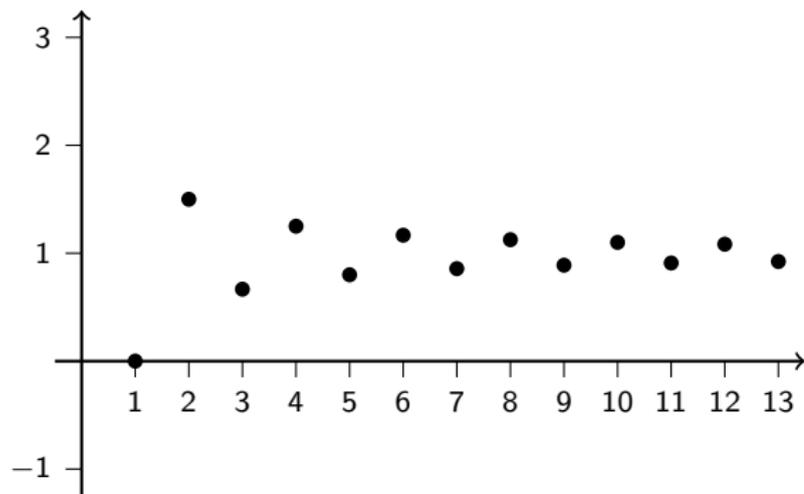
Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$



Konvergenz gegen Grenzwert a

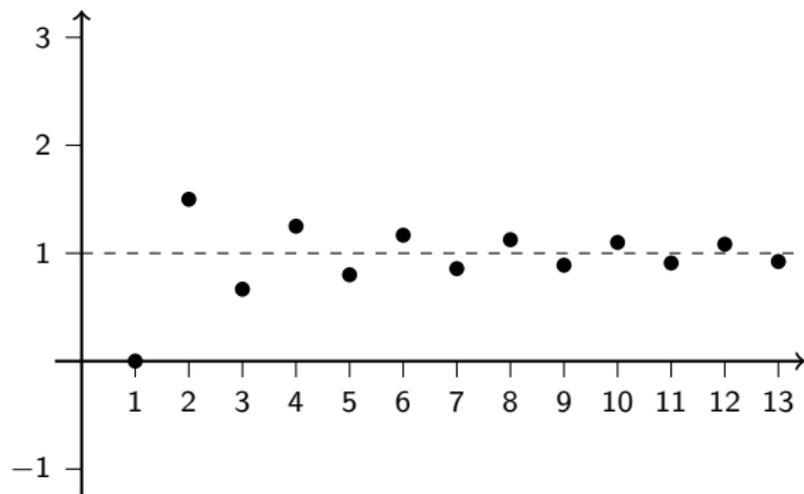
$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$



Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

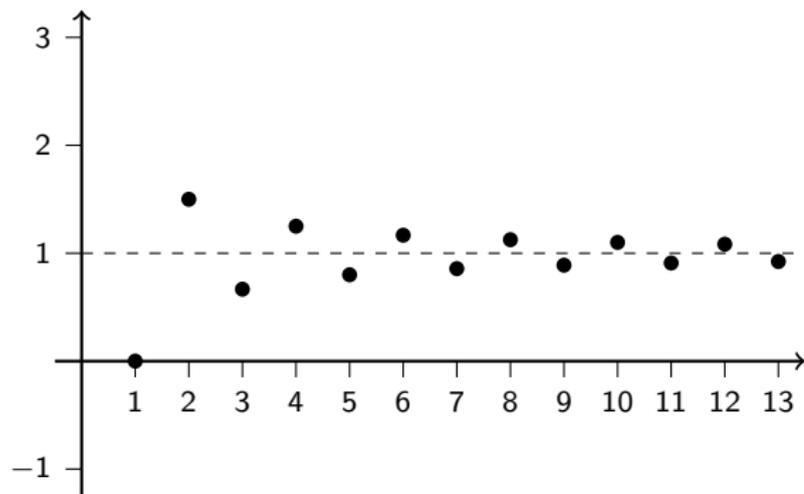


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$

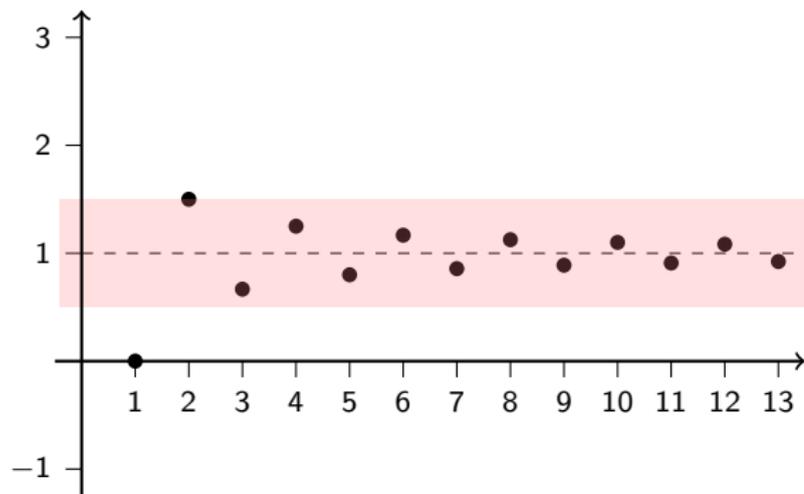


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$

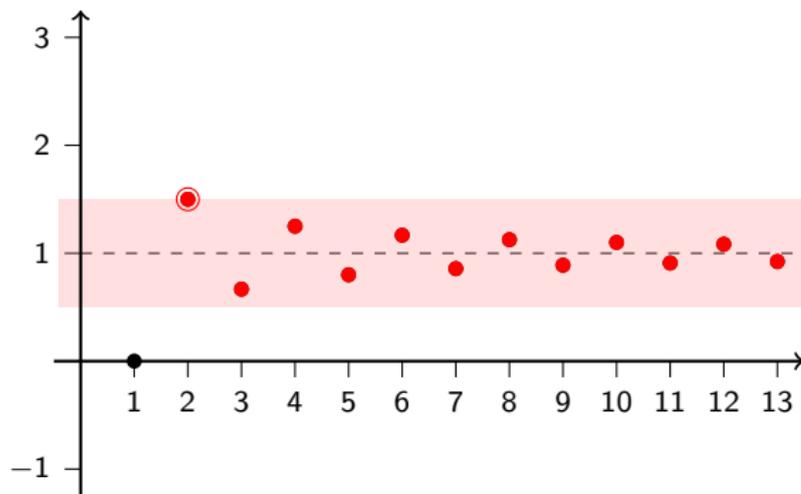


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

$$\varepsilon = \frac{1}{2} \quad N = 2$$



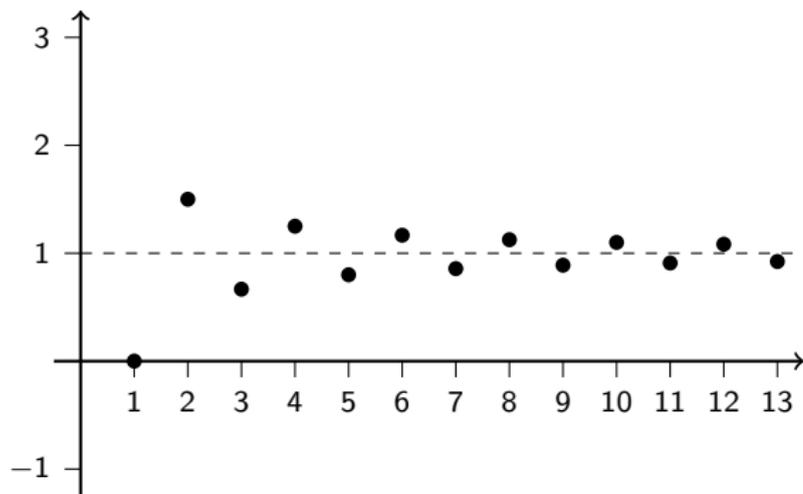
Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$
$$\varepsilon = \frac{1}{5}$$

$$N = 2$$



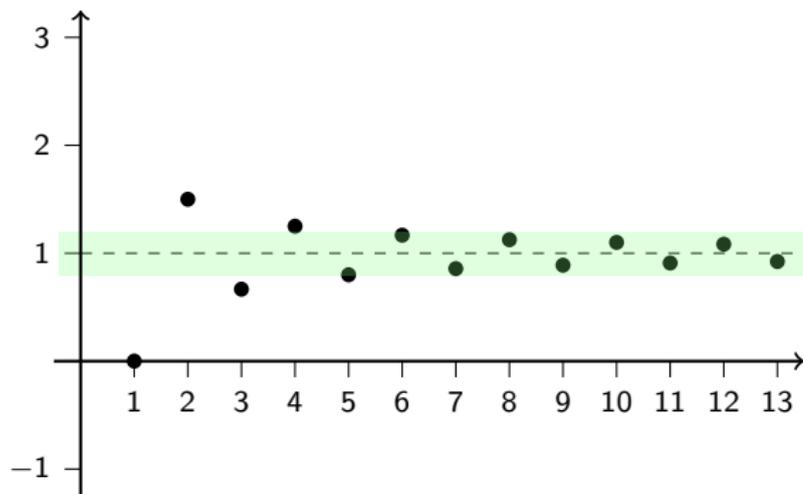
Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$
$$\varepsilon = \frac{1}{5}$$

$$N = 2$$

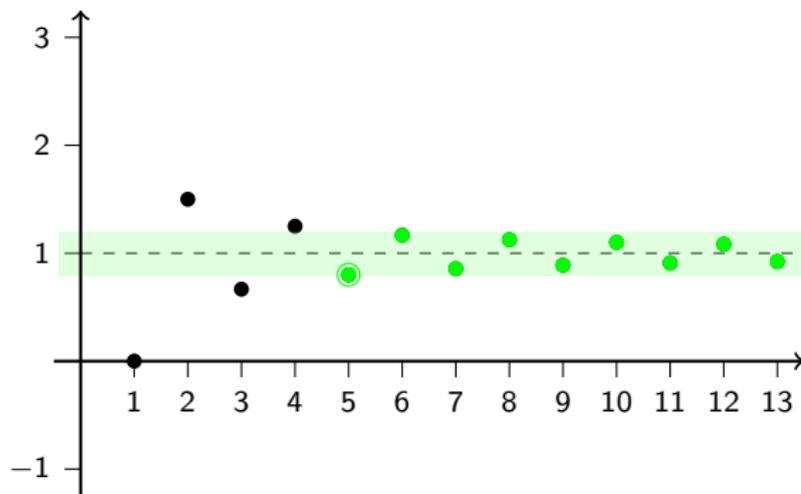


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

$$\begin{array}{ll} \varepsilon = \frac{1}{2} & N = 2 \\ \varepsilon = \frac{1}{5} & N = 5 \end{array}$$

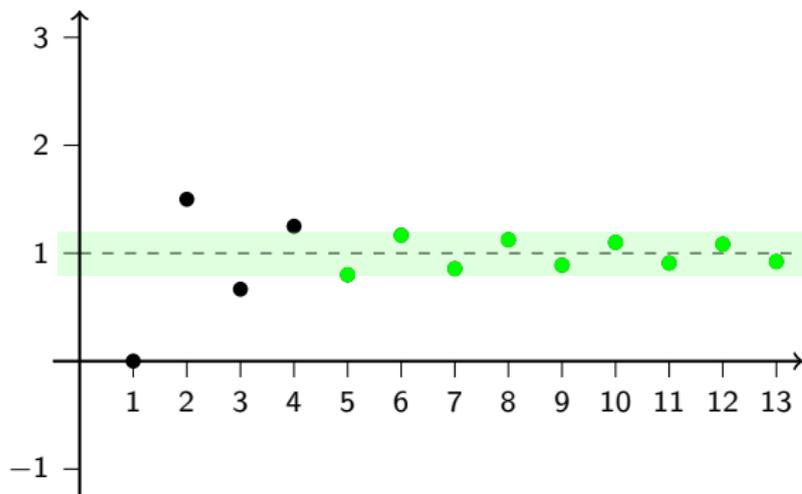


Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$

$$\begin{array}{ll} \varepsilon = \frac{1}{2} & N = 2 \\ \varepsilon = \frac{1}{5} & N = 5 \end{array}$$

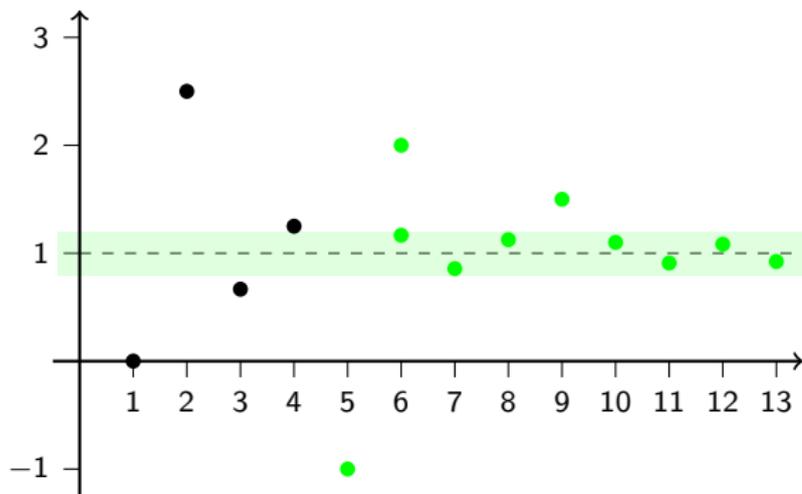


Man könnte auch endlich viele Werte abändern und findet trotzdem weiterhin ein N derart, dass alle a_n mit $n \geq N$ im ε -Schlauch liegen.

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$



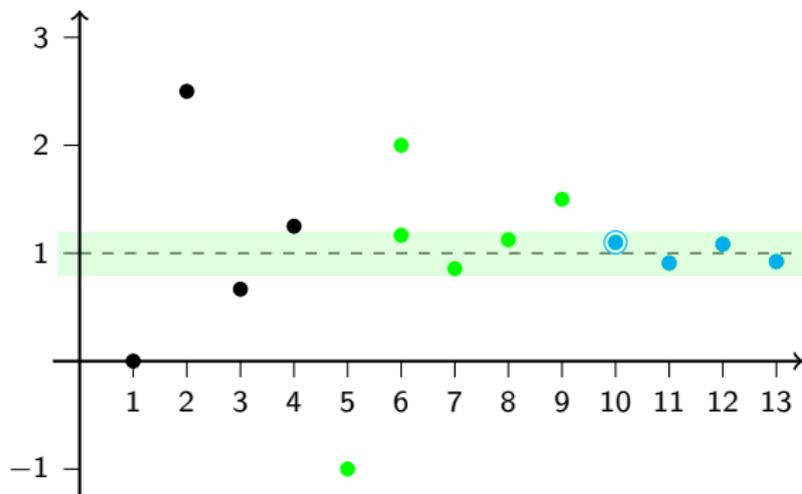
$$\begin{array}{ll} \epsilon = \frac{1}{2} & N = 2 \\ \epsilon = \frac{1}{5} & N = 5 \end{array}$$

Man könnte auch endlich viele Werte abändern und findet trotzdem weiterhin ein N derart, dass alle a_n mit $n \geq N$ im ϵ -Schlauch liegen.

Konvergenz gegen Grenzwert a

$$a_n = 1 + \frac{(-1)^n}{n}$$

$$a = 1$$



$$\varepsilon = \frac{1}{2}$$

$$N = 2$$

$$\varepsilon = \frac{1}{5}$$

$$N = 5$$

$$N = 10$$

Man könnte auch endlich viele Werte abändern und findet trotzdem weiterhin ein N derart, dass alle a_n mit $n \geq N$ im ε -Schlauch liegen.